



2022年度 昭和大学

【 講 評 】

典型問題が多く、どれも落とせない問題であった。高得点争いになることが予想される。

1 は万有引力の標準的な問題であった。一部楕円の知識が要求され、差のつく部分となった。また、エネルギーの大小に気をつけたい。

2 は気体分子運動論の典型問題。一度は解いたことがあるであろう問題設定である。

3 はくさび形の干渉の問題。典型問題であるため、これも落とせない。

4 電子線回折の問題。数値計算でのミスに注意だが、比較的綺麗な数値になるため問題ないだろう。

【 解 答 ・ 解 説 】

1

解答

$$(1) V_0 = \sqrt{\frac{GM}{r}}$$

$$(2) T_1 = 2\pi r \sqrt{\frac{r}{GM}}$$

$$(3) V_A = \sqrt{\frac{2GMR}{r(R+r)}}, V_B = \sqrt{\frac{2GMr}{R(R+r)}}$$

$$(4) \sqrt{Rr}$$

$$(5) T_2 = \pi(R+r) \sqrt{\frac{R+r}{2GM}}$$

$$(6) V_C = \sqrt{\frac{GM}{R}}, \text{ 必要なエネルギー: } \frac{GMm(R-r)}{2R(R+r)}$$

解説

(1) 円運動の運動方程式より $m \frac{V_0^2}{r} = \frac{GMm}{r^2}$. よって、 $V_0 = \sqrt{\frac{GM}{r}}$.

(2) 円運動の1周の長さは $2\pi r$ であるから、周期は $\frac{2\pi r}{V_0} = 2\pi r \sqrt{\frac{r}{GM}}$ である。

(3) 面積速度一定の法則より $\frac{1}{2} r V_A = \frac{1}{2} R V_B$. よって、 $V_A = \frac{R}{r} V_B$.

エネルギー保存則より $\frac{1}{2} m V_A^2 - \frac{GMm}{r} = \frac{1}{2} m V_B^2 - \frac{GMm}{R}$.

2式より $V_A = \sqrt{\frac{2GMR}{r(R+r)}}, V_B = \sqrt{\frac{2GMr}{R(R+r)}}$.

(4) 半長軸の長さは $\frac{R+r}{2}$ で、焦点距離は $\frac{R-r}{2}$ であるから、 $\sqrt{\left(\frac{R+r}{2}\right)^2 - \left(\frac{R-r}{2}\right)^2} = \sqrt{Rr}$.

(5) ケプラーの第三法則より $\frac{T_1^2}{r^3} = \frac{T_2^2}{\left(\frac{R+r}{2}\right)^3}$. よって、 $T_2 = \pi(R+r) \sqrt{\frac{R+r}{2GM}}$

(6) (1) と同様に $V_C = \sqrt{\frac{GM}{R}}$. 円軌道 K_2 の方が円軌道 K_3 よりもエネルギーが大きいため、必要なエネルギーは $\frac{1}{2} m V_B^2 - \frac{1}{2} m V_C^2 = \frac{GMm(R-r)}{2R(R+r)}$.

2

解答

$$(1) 2mv \cos \theta \quad (2) 2r \cos \theta \quad (3) \frac{nN_A m \overline{v^2} t}{r} \quad (4) \frac{nN_A m \overline{v^2}}{4\pi r^3} \quad (5) \frac{3RT}{2N_A}$$

解説

(1) 力積の正の向きが示されていないため、力積の大きさを解答している。

(2) O から下ろした垂線の足を H とすると、 $BH = r \cos \theta$ より求める距離は $2r \cos \theta$ 。

(3) 時間 t の間に 1 個の分子が壁に与える力積の和は $\frac{vt}{2r \cos \theta} \cdot 2mv \cos \theta = \frac{mv^2 t}{r}$ 。

容器内の分子全体の総和を考えると、 $\sum \frac{mv^2 t}{r} = \frac{nN_A m \overline{v^2} t}{r}$ 。

(4) 分子全体が壁に与える力の大きさは $\frac{nN_A m \overline{v^2} t}{r} \cdot \frac{1}{t} = \frac{nN_A m \overline{v^2}}{r}$ である。

容器の表面積は $4\pi r^2$ であるから、気体の圧力は $\frac{nN_A m \overline{v^2}}{4\pi r^3}$ 。

(5) 気体の内部エネルギーは $\frac{3}{2}nRT$ であり、これは運動エネルギーの総和である。

したがって、気体分子 1 個の運動エネルギーの平均値は $\frac{3RT}{2N_A}$ 。

3

解答

(1) $\frac{2D}{L} x$ (2) $\frac{2D}{L} x = \left(m + \frac{1}{2}\right) \lambda$ (3) $\frac{L\lambda}{2D}$

(4)

赤色の単色光の波長は青色の単色光の波長よりも長く、明線の間隔は波長に比例するため明線の間隔は大きくなる。

(5) $3.3 \times 10^{-5} \text{ m}$ (6) 1.5 (7) 変化しない (8) $\Delta y = \frac{D}{L} \Delta x$

解説

(1) 三角形の相似より PQ の距離は $\frac{D}{L} x$ 。したがって、光路差は $\frac{2D}{L} x$ 。(2) 点 Q で光の位相は π だけずれるから、2つの光が強め合う条件は m を用いて、 $\frac{2D}{L} x = \left(m + \frac{1}{2}\right) \lambda$ 。(3) m を 1 だけ変化させたとき、 x の変化量は $\frac{L\lambda}{2D}$ 。

(4) 赤色の単色光の波長はおよそ 660 – 700nm であるのに対して、青色の単色光の波長はおよそ 430 – 490nm である。

(5) (3) の結果より、 $\frac{L\lambda}{2D} = 1.0 \times 10^{-3}$ なので、 $D = 3.3 \times 10^{-5} \text{ m}$ 。(6) (3) の結果より、液体の屈折率を n とすると、明線の間隔は $\frac{1}{n}$ 倍になる。すなわち、 $\frac{1}{n} = 0.67$ より $n = 1.5$ 。

(7) どの位置も等しく光路差が大きくなるため、明線の間隔は変化しない。

(8) m 番目の明線に注目すると、左に移動したことに注意して、

$$\frac{2D(x - \Delta x)}{L} + 2\Delta y = \left(m + \frac{1}{2}\right) \lambda$$

これと (2) の結果より、 $\Delta y = \frac{D}{L} \Delta x$ 。

4

解答

- (1) $2d \sin \theta$ (2) $2d \sin \theta = n\lambda$
 (3) 速さ : 2.00×10^7 m/s, 波長 : 3.64×10^{-11} m
 (4) $\sin \theta_1 = 0.808$

解説

- (1) 原子から垂線を下ろすと、 $2d \sin \theta$ であることがわかる。
 (2) 位相は変わらないから、強め合う条件は $2d \sin \theta = n\lambda$.
 (3) 電子の速さを v とすると、 $\frac{1}{2} mv^2 = eV$ より、 $v = \sqrt{\frac{2eV}{m}}$.
 したがって、 $v = \sqrt{\frac{2 \times 1.60 \times 10^{-19} \times 11.4 \times 10^2}{9.11 \times 10^{-31}}} \doteq \sqrt{4.00 \times 10^{14}} = 2.0 \times 10^7$ m/s.
 $\frac{1}{2} mv^2 = \frac{hv}{\lambda}$ より $\lambda = \frac{2h}{mv} = \frac{2 \times 6.63 \times 10^{-34}}{9.11 \times 10^{-31} \times 4.0 \times 10^7} = 3.638 \times 10^{-11} \doteq 3.64 \times 10^{-11}$ m.
 (4) 強め合うとき、 $n = \frac{2d \sin \theta}{\lambda}$ であり、 $\theta = 50^\circ$ のとき、 $n \doteq 7.58$ より、 $\theta = \theta_1$ のとき $n = 8$ である。よって、
 $\sin \theta_1 = \frac{4\lambda}{d} = 0.8084 \doteq 0.808$.

お問い合わせは ☎0120-302-872

<https://keishu-kai.jp/>