



# 2022年度 東海大学 2日目

## 【 講 評 】

一日目よりやや難度が上がっている。問題文を精確に読み、状況をきちんと捉えられないと高得点は厳しい。6割程度で十分合格圏内だろう。

①は鉛直運動をする二物体についての問題。前半は容易だが、後半は、速度交換則を基に速度の動きに着目して、一物体問題に落とし込めたかで処理量が大きく変わる。

②は磁場中の荷電粒子の運動の問題。問題文をきちんと読めば十分解答できる難易度だが、完答はなかなか難しいであろう。

③はピストン中の気体の問題。処理自体は単純だが量が多く、無次元化や近似計算などを日頃から訓練しているかが問われる。

④は二重スリットによる干渉の問題。典型的であり、(4)までは落とせない。

【 解答 ・ 解説 】

1

解答

- (1)  $\sqrt{\frac{2h}{g}}$  (2) 5倍 (3)  $\sqrt{\frac{10h}{g}}$   
 (4)  $(16\sqrt{5} - 35)h$  (5) 6倍

解説

(1) 初速 0 で加速度の大きさ  $g$  の等加速度運動を距離  $h$  にわたって行うので、

$$h = \frac{1}{2} gT^2,$$

が成立し、 $T = \sqrt{2h/g}$  である。

(2)  $t = 2T$  で小球 A は  $x = h$  に戻る。この間に、小球 B は  $x = h' \rightarrow h$  と運動しなければならないので、

$$h' - h = \frac{1}{2} g(2T)^2 = 4h,$$

となり、 $h'$  は  $h$  の 5 倍である。

(3) 同質量の弾性衝突であるので、衝突により小球 A と B の速度は交換する。よって、 $T'$  は小球 A がなかった場合に小球 B が床と衝突する時刻と同じであり、

$$T' = \sqrt{\frac{2h'}{g}} = \sqrt{\frac{10h}{g}}.$$

(4)  $t > T'$  で小球 A と小球 B が衝突後、 $t = T''$  で小球 B は  $x = h'$  に戻る。この時刻は、小球 A がない場合に小球 B が元の位置に戻る際にかかる時間と同じであり、 $T'' = 2T'$  である。一方、小球 A は、小球 B がない場合に  $t = 3T$  で床から初速  $\sqrt{2gh}$  で鉛直投げ上げした場合の運動と同じ軌跡をとる。そのため、求める位置は、

$$\sqrt{2gh}(T'' - 3T) - \frac{1}{2} g(T'' - 3T)^2 = (16\sqrt{5} - 35)h.$$

(5) 2 回の衝突により速度の交換が 2 回行われるので、

- 1 回目の衝突までの小球 A
- 1 回目の衝突と 2 回目の衝突の間的小球 B
- 2 回目の衝突後的小球 A

の運動の軌跡は、 $x = h$  からの鉛直投げ上げ運動に一致する。この運動が時間  $T''$  で行われるので、最高点に達する時刻は  $t = T''/2 = T'$  であり、この時間で速度 0 となるため、初速は  $gT'$  である。よって、

$$H - h = gT' \cdot T' - \frac{1}{2} gT'^2 = 5h,$$

より、 $H = 6h$  である。

2

解答

$$(1) qv_x B \qquad (2) \frac{E}{B} \qquad (3) \frac{m}{qB} \left( v - \frac{E}{B} \right)$$

$$(4) \frac{\alpha}{1 + \alpha} vB \qquad (5) \frac{1}{2} vB$$

解説

- (1) ローレンツ力は、速度ベクトルと磁場ベクトルの外積に電荷をかけて求められる。  
 (2) 電場から荷電粒子には電場ベクトルと電荷の積で求められ、その力とローレンツ力の合成を考える。  
 (3) 粒子の運動の円運動成分は、初速が  $(v - E/B)$  の磁場中の運動と同一視できる。向心力の大きさが  $q(v - E/B)B$  であるから、円運動の半径  $r$  は、円運動の運動方程式

$$\frac{m(v - E/B)^2}{r} = q(v - E/B)B,$$

より、 $m(v - E/B)/qB$  となる。

- (4) 粒子の  $x$  方向の変位は、円運動成分と平行移動成分を合成することで、

$$x = \frac{m(v - E/B)}{qB} \sin \left( \frac{qB}{m} t \right) + \frac{E}{B} t$$

となる。これが常に正であればよいので、

$$\frac{mE/qB^2}{m(v - E/B)/qB} > \alpha,$$

より、 $E > \alpha vB/(1 + \alpha)$  がわかる。

- (5) 図3や図4のようにならない条件は、速度が負になる区間が存在することと同値である。すなわち、中心が移動する速度の大きさが  $v - E/B$  より小さければよく、 $E/B < v - E/B$  より、 $E < vB/2$  である。

3

解答

- (1) エ                      (2) オ                      (3) カ                      (4) ア                      (5) イ

解説

- (1) 下部の気体の圧力を  $P'_0$  とすると、ピストン B についての力のつりあいより、

$$P'_0 = P_0 + \frac{Mg}{S},$$

がわかる。温度と体積が一致するので、気体の物質比と圧力比は一致し、求める比は  $P'_0/P_0 = 1 + Mg/P_0S$  となる。

- (2) 状態 1 での上部の気体の圧力は、ピストン A についての力のつりあいより  $P_0 + 2Mg/S$  である。このこととピストン B についての力のつりあいより、状態 1 での下部の気体の圧力は  $P_0 + 3Mg/S$  である。下部の気体について、ポアソンの法則より、状態 1 での高さ  $l_1$  とすると、

$$\left(P_0 + \frac{Mg}{S}\right)l^{5/3} = \left(P_0 + \frac{3Mg}{S}\right)l_1^{5/3},$$

である。これより、 $l_1 = (1 - 6Mg/5P_0S)l$  である。

- (3)  $\Delta U = \Delta(3PV/2)$  であり、圧力変化が  $\Delta P = 2Mg/S$ 、体積変化が  $6Mgl/5P_0$  であることを考えれば、

$$\frac{\Delta U}{P_0Sl} = \frac{3}{2P_0Sl}((P_0 + \Delta P)(Sl + \Delta V) - P_0Sl) = \frac{24Mg}{5P_0S}.$$

- (4) ボイル・シャルルの法則より、求める温度は、

$$\frac{P_0Sl(1 + 3Mg/P_0S)(1 - 6Mg/5P_0S)}{P_0Sl(1 + Mg/P_0S)} T_0 = \left(1 + \frac{4Mg}{5P_0S}\right) T_0.$$

- (5) この変化は定圧変化であるから、

$$\frac{Q}{P_0Sl} = \frac{5}{2P_0Sl}(P\Delta V) = \frac{5}{2} \left( \left(1 + \frac{3Mg}{P_0S}\right) \cdot \frac{6Mg}{5P_0S} \right) = \frac{3Mg}{P_0S}.$$

4

解答

- (1) ア                      (2) エ                      (3) イ                      (4) ア                      (5) カ

解説

(1) 三平方の定理より、 $\sqrt{L^2 + \left(x + \frac{1}{2}d\right)^2}$  である。

(2) 前問の結果に近似式を適用すると、 $S_1$  と  $S_2$  からの点 P までの距離の差は、

$$\sqrt{L^2 + \left(x + \frac{1}{2}d\right)^2} - \sqrt{L^2 + \left(x - \frac{1}{2}d\right)^2} \approx L \left( \left(1 + \frac{0.5}{L} \cdot \left(x + \frac{1}{2}d\right)^2\right) - \left(1 + \frac{0.5}{L} \cdot \left(x - \frac{1}{2}d\right)^2\right) \right),$$

より、 $dx/L$  となる。よって、 $d\Delta x/L = \lambda$  より、 $\Delta x = L\lambda/d$  である。

(3) 波の振幅の二乗にエネルギーは比例するので、振幅が  $1/2$  になったことにより、明るさは  $1/4$  となる。

(4)  $S_1$  から P までの光路が実質  $(n_f - 1)D$  だけ増加したことになるので、0 次の回折光の位置は

$$\frac{dx}{L} + (n_f - 1)D = 0,$$

を満たし、 $x$  は負の方向へ  $(n_f - 1)LD/d$  だけ動くことになる。

(5)

$$\frac{dx}{L} + (n - 1)D = -\lambda,$$

の解  $x$  が波長によらず定まることがわかる。よって、 $n = b\lambda + c$  を代入すれば、 $b = -1/D$  がわかる。

お問い合わせは ☎0120-302-872

<https://keishu-kai.jp/>